

## СОДЕРЖАНИЕ

|  |    |
|--|----|
| ВВЕДЕНИЕ .....   | 5  |
| 1. КИНЕМАТИКА МАНИПУЛЯЦИОННЫХ РОБОТОВ .....  | 7  |
| 1.1. Общие понятия и определения. ....   | 7  |
| 1.2. Пространства манипуляционных роботов. Постановка кинематических задач. ....                                       | 9  |
| 1.2.1. <i>Обобщенные и внешние координаты и их пространства.</i> .....   | 9  |
| 1.2.2. <i>Прямая и обратная задачи кинематики.</i> .....   | 11 |
| 1.3. Матрицы элементарных и сложных поворотов. ....  | 13 |
| 1.3.1. <i>Матрицы элементарных поворотов.</i> .....  | 13 |
| 1.3.2. <i>Матрицы сложных поворотов.</i> .....   | 17 |
| 1.3.3. <i>Матрица поворота вокруг произвольной оси.</i> .....  | 19 |
| 1.3.4. <i>Геометрический смысл матриц поворота.</i> .....  | 20 |
| 1.4. Матрицы однородных преобразований. ....   | 21 |
| 1.4.1. <i>Однородные координаты и матрицы однородных преобразований.</i> .....   | 21 |
| 1.4.2. <i>Геометрический смысл матрицы однородных преобразований.</i> .....  | 24 |
| 1.4.3. <i>Матрица композиции однородных преобразований.</i> .....  | 28 |
| 1.5. Преобразование Денавита – Хартенберга. ....   | 30 |
| 1.6. Решение прямой задачи кинематики (ПЗК). ....  | 32 |
| 1.6.1. <i>Построение связанных систем координат.</i> .....   | 33 |
| 1.6.2. <i>Определение параметров звеньев.</i> .....  | 35 |
| 1.6.3. <i>Определение матрицы манипулятора.</i> .....  | 36 |
| 1.6.4. <i>Решение ПЗК.</i> .....   | 39 |
| 1.7. Решение ПЗК на примере манипуляционного трехзвенника. ....  | 40 |
| 1.8. Применение решений ПЗК в задачах робототехники. ....  | 43 |
| 1.8.1. <i>Определение базовых координат по показаниям датчиков обобщенных координат.</i> .....                         | 43 |
| 1.8.2. <i>Понятие матрицы Якоби для решения ПЗК и вырожденные конфигурации робота.</i> .....                           | 44 |
| 1.8.3. <i>Рабочее пространство манипулятора и его построение посредством пакета символьных вычислений Maple.</i> ..... | 45 |
| 1.9. Методы и подходы к решению обратной задачи кинематики (ОЗК). ....   | 48 |
| 1.9.1. <i>Аналитический подход к решению ОЗК.</i> .....  | 50 |
| 1.9.2. <i>Геометрический подход к решению ОЗК.</i> .....   | 50 |
| 1.9.3. <i>Численные методы решения ОЗК.</i> .....  | 52 |

|  |     |
|--|-----|
| 2. ДИНАМИКА МАНИПУЛЯЦИОННЫХ РОБОТОВ .....  | 55  |
| 2.1. Уравнения Лагранжа-Эйлера для голономных систем. Динамика<br>материальной точки. .... | 58  |
| 2.2. Скорость произвольной точки $i$ -го звена манипулятора. ....                          | 65  |
| 2.3. Кинетическая энергия механической системы<br>манипулятора. ....                       | 68  |
| 2.4. Потенциальная энергия механической системы<br>Манипулятора. ....                      | 71  |
| 2.5. Математическая модель механической системы робота. ....                               | 72  |
| 2.6. Динамическая модель манипуляционного двухзвенника. ....                               | 73  |
| 2.7. Определение динамических коэффициентов для манипуляционных<br>трехзвенников. ....     | 80  |
| 2.8. Анализ динамических моделей манипуляционных систем. ....                              | 87  |
| 2.9. Подходы к упрощению динамических моделей<br>манипуляторов. ....                       | 92  |
| 2.10. Особенности моделей динамики манипуляторов при решении за-<br>дач управления. ....   | 96  |
| 2.10.1. Динамика манипуляционных роботов с учетом<br>двигателей. ....                      | 96  |
| 2.10.2. Динамика манипуляторов при силовом взаимодействии с<br>внешней средой. ....        | 99  |
| 2.10.3. Уравнения динамики в форме Коши. ....  | 100 |
| 2.10.4. Динамика манипулятора в пространстве внешних<br>координат. ....                    | 102 |
| 2.10.5. Динамика манипуляторов на многообразиях. ....                                      | 105 |
| БИБЛИОГРАФИЧЕСКИЙ СПИСОК .....   | 109 |